

## ОТЗЫВ ОФИЦИАЛЬНОГО ОППОНЕНТА

доктора физико-математических наук Титова Анатолия Владимировича на диссертационную работу Сайтова Ильнура Миннигазьевича «**Образование проводящего состояния кристаллического и разогретого плотного водорода при сверхвысоких давлениях; первопринципное исследование**», представленную на соискание научной степени доктора физико-математических наук по специальности 1.3.3. – «Теоретическая физика»

Исследование, выполненное Сайтовым И. М. в рамках диссертационной работы, направлено на развитие метода квантовой молекулярной динамики (КМД) с последующим его использованием при анализе экстремальных состояний вещества. В рамках унифицированного подхода рассматриваются различные характеристики, такие как уравнение состояния, пространственная структура, оптические и электронные свойства. Метод КМД применяется для изучения разнообразных материалов, включая кристаллический и разогретый плотный водород, а также плотную плазму ксенона.

**Актуальность работы** связана с тем, что свойства экстремальных состояний вещества ещё слабо изучены. Сведений подчас просто нет, но даже там, где они имеются, результаты разных авторов зачастую противоречат друг другу, причем как теоретические, так и экспериментальные. Особый интерес в этой новой области представляют такие процессы, как фазовые переходы. Не является исключением и водород – простейший химический элемент, данные для которого при высоких давлениях также весьма противоречивы.

**Научная новизна** предложенной работы проявляется в нескольких ключевых аспектах. В работе предложен метод, позволяющий самосогласованно описывать оптические и электронные свойства разогретого плотного вещества в рамках КМД. В рамках такого подхода впервые учитывается влияние пространственной неоднородности переходного слоя на границе вещества на оптические свойства.

В рамках предложенного подхода показано, что переход диэлектрического молекулярного кристаллического водорода в металлическое состояние происходит через образование полуметалла. Впервые в рамках используемого подхода исследована динамика перехода молекулярного кристаллического водорода в атомарную фазу при сжатии. В рамках метода КМД впервые продемонстрирована возможность существования метастабильного атомарного кристаллического водорода при понижении давления.

Показано, что переход молекулярного флюида водорода в проводящее состояние является фазовым переходом первого рода, при котором имеет место как ионизация, так и изменение структуры. Предложен метод получения метастабильных состояний разогретого плотного водорода в рамках КМД и получена метастабильная ветвь изотермы молекулярного флюида водорода.

Показано, что использование выражения для продольного тензора диэлектрической проницаемости (ДП) вместо формулы Кубо-Гринвуда, заметно улучшает согласие результатов расчета с экспериментом. Данное расхождение возникает в силу неточности формулы Кубо-Гринвуда при описании систем с нелокальным потенциалом взаимодействия. Учет влияния оптической неоднородности фронта ударной волны дополнительно улучшает согласие с экспериментом.

**Практическая значимость работы** проявляется в ее вкладе в понимание свойств экстремальных состояний вещества, играющих ключевую роль в структуре, эволюции и светимости звезд и планет. Для моделирования данных астрофизических объектов необходим точный расчет уравнения состояния в виде зависимости давления от температуры, плотности и состава. Знание термодинамических и оптических свойств разогретого плотного вещества также необходимо для разработки и расчетов параметров импульсного управляемого термоядерного синтеза, взаимодействия мощных лазерных и релятивистских электронных пучков с металлическими мишенями.

Результаты расчета, представленные в диссертации, верифицированы в работе при анализе на их сходимость по параметрам используемой модели. Уравнение состояния и электронные свойства, такие как плазменная частота и электропроводность, определяются распределением электронной плотности, что указывает на их согласованность. Результаты численного моделирования оптических и электронных свойств водорода и плазмы ксенона достаточно хорошо согласуются с данными эксперимента, что также подтверждает их надежность. Таким образом, приведенные выше аргументы обуславливают **достоверность** представленных в диссертационной работе результатов.

### **Структура и общее содержание диссертационной работы**

Диссертация Сайтова И.М. по содержанию и структуре отвечает научно-квалификационной работе на соискание ученой степени доктора наук. Работа изложена на 210 страницах, включает в себя 48 рисунков, 3 таблицы и состоит из восьми оригинальных глав, заключения и библиографии из 247 наименований.

**Во Введении** обоснована актуальность диссертационной работы, сформулирована цель и аргументирована научная новизна исследований, показана научная и практическая значимость полученных результатов, а также представлены выносимые на защиту научные положения.

**Первая глава** содержит краткое введение в теорию функционала плотности: рассматриваются уравнения Кона-Шэма, представлен краткий обзор используемых обменно-корреляционных функционалов, рассматривается метод потенциала спроектированных присоединенных волн, описан метод расчета сил и тензора напряжений.

**Во второй главе** представлена общая схема расчетов в рамках метода КМД. Особое внимание уделено расчету оптических и электронных свойств таких как ДП, коэффициент отражения, электропроводность и плазменная частота в рамках самосогласованного подхода. Обсуждается метод расчета статической проводимости. Описанный подход первоначально применяется для решения задачи о металлизации твердого водорода в третьей и четвертой главах.

**В третьей главе** рассматривается механизм образования металлического водорода, связанный с перекрытием зон проводимости и валентности, при котором кристалл водорода остается молекулярным. Представлены результаты расчета уравнения состояния, распределения электронной плотности и парной корреляционной функции протонов в диапазоне давлений от 302 до 626 ГПа и температуре 100° К. Исследуется механизм проводимости на основе расчета зонной структуры и электропроводности. Рассматриваются две структуры молекулярного кристаллического водорода с симметриями C2/c и Cmca. В диапазоне P=302–626 ГПа выделяются три области с различным типом проводимости. Моноклинная структура с симметрией C2/c при давлениях 302–361 ГПа

является непрямозонным полупроводником. При давлениях выше 361 ГПа образуется полуметаллическое состояние структуры с симметрией C2/c. Отмечено, что данный результат достаточно хорошо согласуется с экспериментом, где образование полуметалла наблюдается при давлении 350 ГПа. При давлении 544 ГПа происходит образование ромбической структуры с симметрией Cmca-4 и закрытие прямой щели, что указывает на металлический характер проводимости в диапазоне  $P=544\text{--}626$  ГПа.

**В четвертой главе** автором исследуется атомарная фаза кристаллического водорода. Получен гистерезис зависимости давления от плотности при температуре 100 К при сжатии и последующем растяжении в диапазоне давлений от 350 до 625 ГПа. Данный диапазон может быть соотнесен с областью существования метастабильных состояний молекулярной и атомарной фазы кристаллического водорода. Величина области метастабильности  $\Delta P=275$  ГПа. Исходя из положения и величины метастабильной области, автором получена оценка давления фазового равновесия при переходе из молекулярного в атомарное состояние  $P=487.5$  ГПа, что достаточно близко к экспериментальному значению 495 ГПа, при котором наблюдается металлизация водорода с образованием атомарной решетки. Полученная оценка также указывает на то, что атомарная структура P2<sub>1</sub>/c полностью находится в области метастабильных состояний.

**В пятой и шестой главах** рассматривается приложение описанного во второй главе подхода для описания фазового перехода в проводящее состояние флюида водорода.

**В главе 5** приведен обзор экспериментальных и теоретических работ, связанных с наблюдением возникновения проводящего состояния флюида водорода идейтерия. Этот обзор на сегодняшний день достаточно полно отражает состояние исследований по рассматриваемой тематике.

Далее автор исследует механизм фазового перехода. Показано, что при фазовом переходе флюид–флюид в разогретом плотном водороде происходит ионизация молекул водорода H<sub>2</sub> с образованием ионов или структур с межпротонными расстояниями как в молекулярных ионах H<sub>2</sub><sup>+</sup> и H<sub>3</sub><sup>+</sup>. На основе анализа протон-протонных парных корреляционных функций (ПКФ) сделан вывод о том, что зафиксированы не сами ионы H<sub>2</sub><sup>+</sup> и H<sub>3</sub><sup>+</sup>, а максимумы разности ПКФ до фазового перехода и после на межпротонных расстояниях, характерных для этих ионов. При этом механизм фазового перехода не может быть связан с диссоциацией молекул водорода на атомы, поскольку отсутствует пик ПКФ на «среднем» межатомном расстоянии ( $\sim n^{-1/3}$ ). В работе показано, что атомарный флюид водорода возникает при гораздо больших давлениях, и его образование происходит без разрыва плотности на изотерме.

Результаты, полученные автором в пятой главе, указывают на существование области параметров, которая характеризуется сложным составом свободных протонов и протонных комплексов и где при этом резко возрастает проводимость. Это согласуется с обнаруженной в экспериментах областью на фазовой диаграмме флюида водорода, промежуточной между молекулярным диэлектриком и атомарным металлом.

**В главе 6** описан метод получения метастабильных состояний разогретого водорода в рамках КМД. Метастабильные ветви на изотермах получены для температур 700° и 1000° К, на которых водород сохраняет молекулярную структуру при повышении плотности. Показано, что при переходе в немолекулярное состояние происходит резкий рост проводимости в узком диапазоне плотностей, что в совокупности с изменением структуры рассмотренным ранее в **главе 5**, указывает на ионизационный механизм

фазового перехода в разогретом плотном водороде. Приведены результаты расчета линии Видома.

Уравнение состояния флюида водорода, полученное в рамках метода КМД, сопоставлено с данными различных химических моделей плазмы. Показано, что общей особенностью для всех рассмотренных примеров является физическая природа переходов – наличие скачка ионизации или диссоциации, а сами эти переходы различаются по наличию или отсутствию скачка электропроводности. Сопоставление результатов КМД и данных химической модели плазмы указывает на плазменную природу фазового перехода в разогретом плотном водороде.

**Седьмая глава** посвящена краткому выводу основных формул расчета ДП и коэффициента отражения, в том числе получены формулы для расчета продольной и поперечной компонент тензора ДП.

**В восьмой главе** исследуются оптические и электронные свойства плазмы ксенона. Для электропроводности получено достаточно хорошее согласие с экспериментом. Результаты расчета плазменной частоты сопоставлены с данными химической модели плазмы. В рамках используемого автором подхода значения плазменной частоты напрямую связаны с полученной зависимостью коэффициента отражения и электропроводности от плотности. Приведены результаты расчета коэффициента отражения с учетом пространственно уширенной границы между вакуумом и плазмой ксенона в сравнении с экспериментом и показано, что такое предположение улучшает согласие с экспериментом.

**В заключении** сформулированы выводы к работе.

Предложен метод расчета в рамках КМД термодинамических структурных, электронных и оптических свойств веществ при сверхвысоких давлениях. Самосогласованность подхода основана на том, что рассматриваемые свойства определяются распределением электронной плотности. Уравнение состояния рассчитывается с учетом метастабильных состояний. Подход позволяет получить из одного и того же выражения для ДП как плазменную частоту, так и коэффициенты отражения и электропроводность.

**Основные результаты** в диссертационной работе получены для кристаллического и разогретого плотного водорода, плазмы ксенона:

**Кристаллический водород:** исследован механизм образования металлического состояния кристаллического молекулярного водорода: показано, что переход из полуметаллического в металлическое состояние происходит без скачка плотности на изотерме. При сжатии до плотности 1.563 г/см<sup>3</sup>, наблюдается образование атомарная решетка, при этом возникает структура с симметрией C222<sub>1</sub>, в первой координационной сфере каждый атом имеет четыре соседа с ближайшим расстоянием равным 0.92 Å, как в кластере H<sub>3</sub><sup>+</sup>, которые не меняются при сжатии до плотности 2.1 г/см<sup>3</sup>. При образовании атомарного кристалла водорода резко возрастает электропроводность и возникает скачок плотности на изотерме. Обнаружен гистерезис зависимости давления от плотности при температуре 100° К. Наблюдается перекрытие ветвей изотермы молекулярной и атомарной фазы, соответствующее области существования метастабильных состояний. Величина данной области 275 ГПа. Показано, что атомарная решетка водорода с симметрией P2<sub>1</sub>/c существует в метастабильном состоянии при уменьшении давления до 350 ГПа.

**Разогретый плотный водород:** исследован механизм образования проводящей

фазы флюида водорода. Фазовый переход имеет электронную природу и связан с частичной ионизацией молекул  $H_2$ , что указывает на механизм плазменного фазового перехода (ПФП). Положение ПФП может быть соотнесено с границей полупроводник–диэлектрик. Метастабильные состояния разогретого плотного водорода получены для изотерм  $700^\circ$  и  $1000^\circ$  К. Изотермы имеют своеобразную наклонную форму с сильным перекрытием равновесных и метастабильных ветвей. Обнаружено резкое возрастание электропроводности и плазменной частоты вдоль изотерм. Полученные результаты являются прямым указанием на механизм ПФП.

**Плазма ксенона:** получены зависимости плазменной частоты, электропроводности и коэффициента отражения от плотности плазмы ударно сжатого ксенона при температурах около  $30000^\circ$  К. Достигнуто удовлетворительное согласие с экспериментом. Показано, что учет неоднородности фронта ударной волны улучшает это согласие.

К материалам, изложенным в диссертационной работе, у меня есть следующие **замечания и вопросы:**

1. Все расчеты, выполненные в рамках теории функционала плотности (ТФП), используют обменно-корреляционного функционалы в приближении ограниченного варианта метода Кона-Шэма. Причем, насколько я понимаю, данный метод применялся и для учета электронно-возбужденных состояний в модели плотного водорода, для которых бывает важным учет как нелокальных (обменных) поправок ТФП (т.е. использование гибридных функционалов), так и применение неограниченного варианта ТФП. Хотя трудоемкость использования таких вариантов ТФП может быть неприемлемой в расчетах модели плотного водорода, но оценка применимости используемого в диссертации варианта ТФП мне представляется важной. Делались ли такие оценки в расчетах модели плотного водорода?

2. Известно, что ТФП некорректно работает для одноэлектронного атома водорода из-за наличия в нем самодействия. Исследовался ли уровень ошибок используемого обменно-корреляционного функционала ТФП при его применении к модели плотного водорода?

3. В работе показано, что при использовании выражения для продольного тензора диэлектрической проницаемости (ДП) вместо формулы Кубо-Гринвуда, заметно улучшается согласие результатов расчета с экспериментом, поскольку эта формулы некорректны при описании систем с нелокальным потенциалом взаимодействия. Однако остается неясным физический смысл влияния нелокальности потенциала на улучшение согласия используемой модели с экспериментальными данными. Может ли докторант пояснить механизм влияния нелокальности потенциала на полученные результаты?

В целом эти замечания не снижают ценности работы, позволяя положительно оценить представленную к защите работу и квалификацию докторанта. Научные положения, выносимые на защиту, обоснованы и достоверны. Содержание диссертации полностью отражено в опубликованных работах. Автореферат полностью отражает основное содержание диссертационной работы.

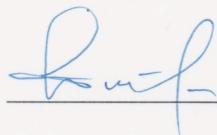
Диссертационная работа «Образование проводящего состояния кристаллического и разогретого плотного водорода при сверхвысоких давлениях; первопринципное исследование» является законченной научно-квалификационной работой и полностью

соответствует всем критериям, установленным п. 9 Положения о присуждении ученых степеней, утвержденного постановлением Правительства РФ № 842 от 24 сентября 2013 г., а ее автор Сайтов Ильнур Миннигазьевич заслуживает присуждения ему ученой степени доктора физико-математических наук по специальности 1.3.3. – «Теоретическая физика».

Официальный оппонент,  
доктор физико-математических наук,  
руководитель Отделения перспективных разработок Федерального государственного бюджетного учреждения «Петербургский институт ядерной физики им. Б.П. Константинова Национального исследовательского центра «Курчатовский институт»,  
Адрес места работы: 188300, Ленинградская обл., г. Гатчина, мкр. Орлова роща, д. 1, НИЦ «Курчатовский институт» - ПИЯФ  
<http://www.qchem.pnpi.ru>

Контактные данные:  
Электронная почта: titov\_av@pnpi.nrcki.ru  
Телефон: +7 (81371) 310-55

Дата  
23. 11. 2023



/Титов Анатолий Владимирович/

*подпись рукой  
Гибкова А. В  
закернено*

*вериф*

Ученый секретарь  
Воробьев С.И.

